

**PHYSIQUE ATOMIQUE**  
**TD 1**  
**ATOME D'HYDROGENE ET IONS HYDROGENOÏDE**

Nous allons dans ce TD tenter de décrire le comportement des électrons autour d'ions hydrogénéoïdes, i.e. à 1 électron. Pour cela nous utiliserons une approche classique : le modèle de Rutherford (prix Nobel en 1908). Après avoir rapidement pointé ces limites, nous utiliserons une description semi-classique avec la quantification du moment cinétique de l'électron, approche proposée par Niels Bohr (1885-1962) qui obtint le prix Nobel de physique en 1922 (pour l'ensemble de ces travaux). Enfin nous donnerons une description quantique du système ions + électron.

**Le modèle de Rutherford et ses limites**

Dans ce modèle, l'ion -de charge  $q_-$  est considéré comme ponctuel. Autour de cet ion « gravite » un électron de charge  $q_+$  à la distance  $a_0 = 0.5 \text{ \AA}$  du noyau. Le mouvement de l'électron est considéré comme circulaire et uniforme de vitesse  $\vec{v}$ . L'électron est soumis à la force coulombienne  $\vec{F}_e$  exercée par le noyau, considéré comme fixe.

1. Calculer l'accélération  $\gamma$  subit par l'électron ainsi que la vitesse  $v$  (on négligera la gravité). Calculer numériquement cette vitesse  $v$ .
2. Donner l'expression de l'énergie potentielle de l'électron, et en déduire l'énergie totale en fonction de  $a_0$ ,  $e$ , et  $\epsilon_0$ .

Une particule chargée et accélérée rayonne (antennes, rayonnement synchrotron, etc.). On peut montrer que la puissance rayonnée est fonction de l'accélération et s'écrit

$$P = \frac{q^2 \gamma^2}{6\pi\epsilon_0 c^3},$$

Avec  $c$  la vitesse de la lumière, et  $\gamma$  la norme de l'accélération de la particule.

3. Calculer le temps mis par l'électron pour tomber sur le noyau, en déduire que l'univers implorerait en quelques  $10^{-11}$  secondes dans ces conditions.

**Modèle de Bohr**

Nous utiliserons dorénavant une description semi-classique, avec la quantification du moment cinétique de l'électron.

1. Exprimer l'énergie cinétique de l'électron grâce aux inégalités d'Heisenberg et déterminer l'expression de  $a_0$  en fonction de  $\hbar$ ,  $m$  et  $e$ .
2. En appliquant la condition de quantification du moment cinétique  $L$  de l'électron, calculer l'énergie, le rayon des orbites et les vitesses des particules pour l'atome d'hydrogène et chacun des systèmes hydrogénéoïdes suivants :
  - a.  $Fe^{25+}$  ( $Z=26$ ,  $A=56$ )
  - b. Positronium ( $e^+$ ,  $e^-$ )
  - c. Atomes muoniques *muons + proton* et *muon + Fer*.

Discuter des limites de ce modèle simple.

**Traitement Quantique : probabilité de présence dans l'atome d'hydrogène**

1. Définir ce qu'est :
  - a. Une probabilité de présence
  - b. La probabilité élémentaire de présence  $dP$
  - c. La probabilité de présence  $dP$  dans un volume  $\delta V$  fini (densité de probabilité).

2. Donner l'expression de la probabilité élémentaire de présence radiale  $dP_r$  d'un électron dans l'état fondamental de configuration  $1s$ .
3. En déduire la distance  $r_p$  la plus probable.
4. Calculer la probabilité pour que l'électron soit à une distance comprise entre  $0,9 r_p$  et  $1,1 r_p$ .
5. Tracer la courbe représentant  $P(r)$ , probabilité de trouver l'électron à une distance inférieure à  $r$ .
6. Calculer la valeur moyenne  $\langle r \rangle$ .