

Electromagnétisme de la matière

Examen terminal

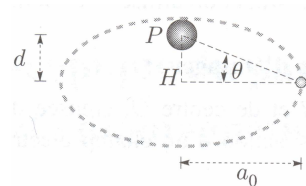
(durée 2h)

I. Cours :

- 1- Définitions et différences des trois formes de réponse magnétique : Dia-Para et Ferro-magnétisme (*en dix lignes*) **(2pts)**
- 2- Expliquer l'hystérésis magnétique par les domaines magnétiques (*en dix lignes et un graphe*). **(2 pts)**

II. Polarisabilité électronique de l'atome d'hydrogène.

Dans le modèle de Bohr de l'atome d'hydrogène, on suppose que l'électron a une trajectoire circulaire, de rayon a_0 , autour du proton. On admet que, sous l'action d'un champ électrique appliqué E_a perpendiculaire au plan de la trajectoire, ce plan se trouve à une distance d du proton (voir figure ci-dessous).



1. Etablir la relation entre d , E_a et a_0 . **(4 pts)**
2. En déduire la polarisabilité de l'atome en fonction de a_0 . **(2 pts)**

III. Sphère uniformément aimantée**1- En régime statique.**

On veut montrer que le champ magnétique créé par la matière à l'intérieur d'une sphère uniformément aimantée est $\mathbf{B} = 2/3 \mu_0 \mathbf{M}$, où \mathbf{M} est le vecteur aimantation volumique et μ_0 est la perméabilité magnétique du vide.

- a) Justifier l'écriture du potentiel vecteur créé par la matière sous la

$$\text{forme : } \vec{A}_m = \mu_0 \vec{M} \wedge \frac{\epsilon_0 \vec{E}^*}{\rho_0} . \quad \mathbf{(1pt)}$$

- b) On admettra sans démonstration que le champ auxiliaire E^* en un

point intérieur à la sphère est : $\vec{E}_m^* = \frac{\rho_0}{3\epsilon_0} r \vec{e}_r$. En déduire le résultat

cherché pour \mathbf{B} en utilisant l'expression du rotationnel en coordonnées cylindriques donnée ci-dessous. **(3pts)**

$$\text{rot} \vec{V} = \left(\frac{1}{\rho} \frac{\partial V_z}{\partial \phi} - \frac{\partial V_\phi}{\partial z} \right) \vec{e}_\rho + \left(\frac{\partial V_\rho}{\partial z} - \frac{\partial V_z}{\partial \rho} \right) \vec{e}_\phi + \left(\frac{1}{\rho} \frac{\partial(\rho V_\phi)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial V_\rho}{\partial \phi} \right) \vec{e}_z$$

.../...

2- En régime sinusoïdal.

On considère une sphère de rayon R uniformément aimantée, constituée d'un matériau isolant, linéaire, homogène et isotrope, et dont la susceptibilité diélectrique est notée χ_e . Aucun champ externe n'est appliqué. L'aimantation volumique est uniforme et donnée en notation complexe : $\underline{\mathbf{M}} = M_0 \exp(-i\omega t) \mathbf{e}_z$, où M_0 est réel. On s'intéresse au champ électrique et à la polarisation induits par l'aimantation dépendante du temps. On utilisera les coordonnées cylindriques.

- a) Donner l'expression du champ magnétique $\underline{\mathbf{B}}(t)$ créé par la matière à l'intérieur de la sphère. On donnera également $\mathbf{B}(t)$ en notation réelle. **(1pt)**
- b) Montrer par des considérations de symétrie que le champ électrique induit est orienté selon \mathbf{e}_ϕ . **(1 pt)**
- c) En utilisant la relation de Maxwell-Faraday, établir l'expression du champ électrique $\underline{\mathbf{E}}(t)$ induit à l'intérieur de la sphère en fonction de μ_0 , M_0 , ρ , ω et t . On donnera également $\mathbf{E}(t)$ en notation réelle. **(3pts)**
- d) Donner l'expression de la polarisation volumique $\underline{\mathbf{P}}$ (et \mathbf{P}) en régime lentement variable en fonction de ϵ_0 , μ_0 , M_0 , χ_e , ω , t , et des coordonnées d'espace. **(1pt)**

On donne l'expression du rotationnel en coordonnées cylindriques :

$$\text{rot } \underline{\mathbf{V}} = \left(\frac{1}{\rho} \frac{\partial V_z}{\partial \phi} - \frac{\partial V_\phi}{\partial z} \right) \underline{\mathbf{e}}_\rho + \left(\frac{\partial V_\rho}{\partial z} - \frac{\partial V_z}{\partial \rho} \right) \underline{\mathbf{e}}_\phi + \left(\frac{1}{\rho} \frac{\partial(\rho V_\phi)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial V_\rho}{\partial \phi} \right) \underline{\mathbf{e}}_z$$