

Examen partiel de thermodynamique
1h30

Exercice 1 : Production d'entropie au cours d'une transformation.

On chauffe dans une casserole un 1 litre d'eau de $T_1 = 17^\circ\text{C}$ à $T_2 = 90^\circ\text{C}$ sur une plaque de cuisson à la température $T_S = 727^\circ\text{C}$. On admet que les variations de volume sont négligeables et la capacité thermique massique à volume constant C_{vm} de l'eau reste constante et égale à $4,18 \text{ kJ}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$.

1. Calculer la variation d'entropie ΔS de l'eau au cours de cette transformation isochore.
2. Calculer l'entropie échangée S^e avec la source de chaleur (ou reçue algébriquement par l'eau).
3. En déduire l'entropie créée S^c (ou produite) au cours de la transformation.
4. Quelle est la nature de cette transformation ?

Exercice 2 : Détente dans un cylindre muni d'un piston.

On considère une mole de gaz parfait ($n = 1$) enfermée dans un cylindre vertical, muni d'un piston de masse m négligeable et coulissant sans frottement. Les parois du cylindre et du piston sont diathermes. L'ensemble du système se trouve au contact d'un thermostat à $T_s = 300 \text{ K}$. Le volume initial du gaz est égal à $V_0 = 12 \text{ l}$ et sa pression initiale est égale à p_0 . Le piston est initialement bloqué par l'opérateur. La pression extérieure est maintenue à la pression atmosphérique pendant toute l'expérience : $p_{\text{ext}} = 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$.

A. L'opérateur lâche brutalement le piston :

1. Quelle est la nature de cette transformation ?
2. Déterminer l'état final T_1, P_1, V_1 en fonction des données (on suppose que les équilibres thermique et mécanique du gaz parfait sont atteints).
3. Déterminer la variation d'énergie interne ΔU_1 , le travail des forces de pression W_1 et la quantité de chaleur reçue algébriquement par le gaz Q_1 . Effectuer les applications numériques.
4. Exprimer puis calculer la variation d'entropie ΔS_1 du gaz lors de cette détente.
5. Exprimer puis calculer l'entropie échangée S^e_1 par le gaz et l'entropie créée S^c_1 lors de cette détente.

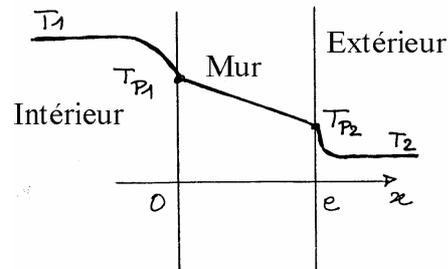
B. Partant du même état initial, l'opérateur relâche très lentement le piston :

1. Quelle est la nature de cette transformation ?
2. Déterminer l'état final T_2, P_2, V_2 en fonction des données.
3. Déterminer la variation d'énergie interne ΔU_2 , le travail des forces de pression W_2 et la quantité de chaleur reçue algébriquement par le gaz Q_2 . Effectuer les applications numériques.
3. Exprimer puis calculer la variation d'entropie ΔS_2 du gaz lors de cette détente.
4. Exprimer puis calculer l'entropie échangée S^e_2 par le gaz et l'entropie créée S^c_2 lors de cette détente.

Rappel : Constante des gaz parfaits $R = 8,314 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1}$

Exercice 3 : Conduction et convection thermique dans un mur de béton.

On considère un mur en béton de surface $S=20 \text{ m}^2$, d'épaisseur $e=20\text{cm}$ et de conductivité thermique $\lambda=1 \text{ W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$. La température au loin de l'air vaut $T_1=294 \text{ K}$ à gauche (intérieur) et $T_2=276 \text{ K}$ à droite (extérieur) (Figure ci-dessous). On considère que chacune des parois échange avec l'air de la chaleur par convection. Le coefficient d'échange par convection h entre l'air et la paroi vaut $20 \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{K}^{-1}$



1. Ecrire le flux de chaleur Φ_{cv1} extrait par convection de la paroi intérieure du mur de surface S à la température T_{p1} par l'air de température T_1 . Ecrire le flux de chaleur Φ_{cv2} extrait par convection de la paroi extérieure du mur de surface S à la température T_{p2} par l'air de température T_2 .
2. Ecrire la loi de Fourier dans le mur en considérant le problème comme purement unidimensionnel. Montrer qu'en régime permanent, la température dans le mur varie linéairement avec x : $T = A x + B$.
3. En utilisant les conditions aux limites sur les parois du mur, donner les expressions de A et de B en fonction des températures T_{p1} et T_{p2} . En déduire l'expression du flux de chaleur par conduction Φ_c à travers le mur d'épaisseur e dans la direction Ox . Montrer que l'on peut interpréter ce résultat en donnant au mur une résistance thermique de conduction $R_c = e/\lambda S$. Calculer cette résistance.
4. On applique maintenant la conservation du flux de chaleur (régime permanent) de l'intérieur vers l'extérieur. Ecrire les équations de conservation du flux de chaleur Φ en $x=0$ et $x=e$. En déduire les expressions de T_{p2} et de T_{p1} en fonction de T_1 , T_2 , λ , e et h . Calculer T_{p1} et T_{p2} en K.
5. En tenant compte du transfert de chaleur par convection, montrer que la résistance thermique totale R_{th} du mur correspond à la mise en série de 3 résistances thermiques entre les températures T_1 et T_2 . Quelles sont les résistances thermiques R_{cv1} et R_{cv2} dues à la convection ? Calculer R_{cv1} , R_{cv2} et R_{th} .
6. En déduire simplement l'expression du flux de chaleur Φ entre T_1 et T_2 . Donner sa valeur en Watts.
7. Si l'on tient compte dans le bilan thermique du mur des pertes par rayonnement, donner l'expression des flux de chaleur Φ_{R1} et Φ_{R2} échangés par rayonnement avec l'air par les parois intérieure et extérieure du mur respectivement.