

**Licence Physique Chimie et Applications**  
**Mention physique**  
**L2**

**Travaux Dirigés de thermodynamique**  
**Texte 8 : Machines Thermiques**

---

**I. Pompe à chaleur à fluide monophasé- Cycle de Joule récepteur**

Pour maintenir la température d'une pièce à la valeur  $T_1 = 20^\circ\text{C}$  alors que la température extérieure est à  $T_2 = 5^\circ\text{C}$ , il faut lui fournir une puissance  $P$  de 55 kW. On utilise pour cela une pompe à chaleur. Le fluide caloporteur est un gaz parfait de masse molaire  $M = 29 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$  dont le rapport  $\gamma$  vaut 1,4.

1.- Donner le schéma de principe de la pompe à chaleur en indiquant par des flèches les sens des échanges de chaleur et de travail.

2.- La pompe à chaleur fonctionne suivant un cycle de Joule, constitué de deux transformations adiabatiques et de deux transformations isobares aux pressions  $p_1 = 3 \cdot 10^5 \text{ Pa}$  et  $p_2 = 1 \cdot 10^5 \text{ Pa}$  au cours desquelles se produisent les échanges thermiques avec respectivement les sources chaude et froide.

On suppose qu'à la fin de chaque transformation isobare, le fluide se trouve à l'équilibre thermique avec la source de chaleur au contact de laquelle il a évolué.

- Représenter le cycle de Joule dans le diagramme de Clapeyron. Préciser le sens de fonctionnement.
- A quelles phases de ce cycle le fluide caloporteur atteint-il les températures extrêmes ?
- Calculer les quantités de chaleur  $Q_1$  et  $Q_2$ , par kg de fluide caloporteur, mises en jeu au contact des sources chaude et froide au cours d'un cycle.
- Calculer en  $\text{kg}\cdot\text{h}^{-1}$  le débit massique du fluide caloporteur dans l'installation.
- Calculer le travail  $W$  reçu algébriquement par la pompe à chaleur au cours d'un cycle ainsi que le coefficient de performance thermique (COP) de la pompe à chaleur.
- Comparer ce coefficient de performance à celui que l'on obtiendrait si la pompe à chaleur fonctionnait selon un cycle de Carnot entre les mêmes sources aux températures  $T_1$  et  $T_2$ .
- En déduire le rendement de l'installation défini par  $r = \frac{(\text{COP})_R}{(\text{COP})_C}$

**II. Moteur diesel**

On considère un moteur à combustion interne fonctionnant suivant le cycle réversible Diesel MABCDAM, cycle composé d'une transformation isobare et d'une transformation isochore, reliées par deux transformations adiabatiques:

- M→A: Admission de l'air dans le cylindre à la pression atmosphérique et à la température ambiante ( $P_A = 1 \text{ atm}$ ,  $T_A = 300 \text{ K}$  et  $V_A = V_{\text{max}}$ ),
- A→B: Compression adiabatique réversible de l'air ( $V_B = V_{\text{min}}$ )
- B→C: Combustion isobare par injection progressive du gazole entre B et C,
- C→D: L'injection cesse en C et le mélange subit une détente adiabatique réversible jusqu'à l'état D
- D→A: Refroidissement isochore,
- A→M: Refoulement des gaz brûlés vers l'extérieur à la pression atmosphérique

Le système étudié est le gaz qui décrit le cycle ABCA. La quantité de gaz considérée est celle qui a été admise dans l'état A. Le transfert de quantité de chaleur de la transformation isobare BC est due à la combustion interne du mélange gazeux. On admettra, pour simplifier, que la quantité de gaz n'est pas modifiée par la combustion interne. L'excès d'air nécessaire à la combustion du carburant sera considéré comme suffisant pour que dans toutes les

transformations du cycle, le mélange gazeux comprimé, détendu, chauffé ou refroidi, puisse être assimilé à cet air. On ne tiendra compte de la masse du carburant que pour évaluer la quantité de chaleur reçue au cours du cycle.

On admettra que le mélange gazeux air-gazole est assimilable à un gaz parfait, que les capacités thermiques massiques à pression et volume constants  $C_{pm}$  et  $C_{vm}$  sont indépendantes de la température, que leur rapport  $\gamma$  vaut 1,4 et que  $C_{pm} = 1 \text{ kJ.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ .

1.- Représenter le cycle Diesel sur un diagramme de Clapeyron, puis sur un diagramme entropique.

2.- Montrer que le rendement du cycle Diesel s'écrit : 
$$r = 1 - \frac{1}{\gamma} \frac{T_A}{T_B} \frac{(1 - T_A/T_D)}{(1 - T_C/T_B)}$$

3.- Exprimer alors les températures  $T_B$ ,  $T_C$ , et  $T_D$  en fonction de  $T_A$ ,  $\gamma$ ,  $x$  et  $y$  où  $x$  et  $y$  sont respectivement les taux de compression et de détente volumique :  $x = \frac{V_{\max}}{V_{\min}} = \frac{V_A}{V_B}$  et  $y = \frac{V_A}{V_C}$ .

4.- Montrer que le rendement  $r$  ne dépend que  $\gamma$ ,  $x$  et  $y$  : 
$$r = 1 - \frac{x^{1-\gamma}}{\gamma} \frac{[1 - (x/y)^\gamma]}{(1 - x/y)}$$

5.- Sur la fiche technique d'une Peugeot 307 2.0 HDi, on peut lire les caractéristiques suivantes :

- Cylindrée :  $V_{\max} - V_{\min} = Cy = 1997 \text{ cm}^3$
- Puissance maximale à 4000 tours/mn : 110 Ch / 79 kW
- Taux de compression volumique :  $x = \frac{V_{\max}}{V_{\min}} = 17.6$
- Vitesse à 3000 tours / mn : 134 km/h
- Consommation à 134 km/h: 6 l de gazole aux 100 km

On admettra pour simplifier que le moteur diesel de ce véhicule a un cylindre unique (en réalité 4), dont le cycle se déroule pendant deux tours de vilebrequin et quatre courses du piston (moteur dit quatre temps). Le gazole a une masse volumique  $\rho = 845 \text{ kg.m}^{-3}$  et un pouvoir calorifique  $q = 46,8.10^3 \text{ kJ.kg}^{-1}$ .

- Calculer  $V_{\max}$ ,  $V_{\min}$  et la température  $T_B$  de l'air à la fin de la compression.
- Déterminer la masse d'air admise à chaque cycle.
- Déterminer la masse de gazole injectée à chaque cycle.
- On suppose la combustion complète du gazole. Quelle est alors la valeur de la température  $T_C$  en fin de combustion? En déduire le taux de détente volumique  $y = \frac{V_A}{V_C}$ .
- Calculer la quantité de chaleur  $Q_2 = Q_{DA}$  échangée pendant la transformation isochore DA.
- Calculer le rendement théorique  $r$  de ce moteur diesel. En déduire le travail  $W$  fourni au cours d'un cycle. Calculer la puissance du moteur en watts et en chevaux (ch) (1ch = 736 watts). Commentaires ?