

UNIVERSITE PAUL SABATIER - L1 - SFA

---

Physique 3

Optique Géométrique

---

Fascicule de TD

2<sup>ème</sup> semestre 2011-2012



# Optique Géométrique

---

## Fascicule de TD

### Programme :

- Thème 1 : Du Principe de Fermat aux Lois de Snell-Descartes
- Thème 2 : Lois de Snell-Descartes. Applications au prisme et à la fibre optique
- Thème 3 : Dioptré plan
- Thème 4 : Dioptré sphérique
- Thème 5 : Lentilles minces
- Thème 6 : L'oeil et ses défauts
- Thème 7 : Instruments d'optique
- Thème 8 : Miroirs

### Références bibliographiques conseillées :

- Optique. Fondements et Applications de J.P. Pérez. Editions Dunod
- Cours de Physique - Optique de J.P. Parisot, P. Segonds et S. Le Boiteux. Editions Dunod Sciences Sup.



Optique Géométrique

---

**Thème 1 - Du Principe de Fermat  
aux Lois de Snell-Descartes (~ 1h30)**

## 1 Principe de Fermat et dioptre plan

Soit un repère  $R = (O, x, y, z)$  dont le plan  $xOy$  constitue la surface de séparation entre deux milieux 1 et 2, homogènes et isotropes, dans lesquels la lumière se propage respectivement avec les vitesses  $v_1$  et  $v_2$ . Un rayon lumineux issu du point  $A_1(0, 0, z_1)$  du milieu 1 atteint le point  $A_2(x_2, 0, z_2)$  du milieu 2.

1. Déterminer, dans le plan  $xOy$ , la position du point  $M$  où la lumière franchit la surface de séparation des deux milieux. Quelles conclusions peut-on tirer de ce résultat ?
2. Application : Un promeneur marche sur une plage à la limite du sable et de l'eau. En un point  $O$  de son parcours, il aperçoit un baigneur en détresse en un point  $A$  dans l'eau. Déterminer en quel point  $M$  de la plage le promeneur devra se mettre à l'eau s'il veut secourir le baigneur le plus rapidement possible, sachant que le promeneur court trois fois plus vite qu'il ne nage.

## 2 Construction graphique de Descartes

En utilisant la construction graphique de Descartes, tracer le rayon réfracté à la traversée d'un dioptre plan séparant le milieu incident d'indice 1,5 du milieu émergent d'indice 1,33. On considèrera les deux angles d'incidence suivants :

- a)  $i = 30^\circ$ .
- b)  $i = 65^\circ$ .

*Travail Personnel* : Reprendre les questions précédentes avec l'air comme milieu d'incidence.

## 3 Réfractomètre

On considère un prisme de verre d'indice  $n = 1,6$  ayant la forme d'un triangle équilatéral  $ABC$  (cf. figure 1). On dépose sur la face supérieure  $AC$  une goutte de liquide d'indice  $N$  que l'on se propose de mesurer (on supposera que  $N < n$ ). La face  $AB$  est éclairée avec un faisceau de lumière monochromatique faisant l'angle  $i_1$  avec la normale à la face d'entrée. L'ensemble est placé dans l'air.

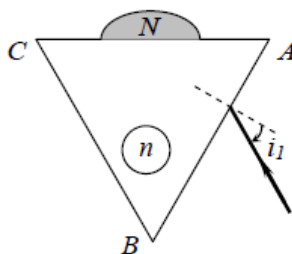


FIGURE 1 – *Prisme réfractomètre.*

1. Le faisceau incident peut-il subir une réflexion totale sur la face  $AB$  ? Justifier votre réponse.
2. Après avoir traversé la face  $AB$ , le faisceau arrive sur la face  $AC$  sous la goutte de liquide. Peut-il subir une réflexion totale sur cette face ? Justifier votre réponse.
3. Quelle est l'expression de l'angle d'incidence  $i_2$  sur la face  $AC$  en fonction de  $r_1$ , l'angle de réfraction sur la face d'entrée ?
4. Lorsque l'angle d'incidence  $i_1$  est égal à  $- 8^\circ$ , le faisceau émerge en rasant la face  $AC$ . En déduire l'indice  $N$  du liquide déposé sur le prisme.

## Optique Géométrique

---

### Thème 2 - Lois de Snell-Descartes Applications au prisme et à la fibre optique (~ 2h)

#### 1 Etude du prisme

On considère un prisme en verre d'angle au sommet  $A$  et d'indice  $n$  représenté sur la figure 1a). Il est placé dans l'air et éclairé par un faisceau de lumière parallèle et monochromatique ( $\lambda = 587,6$  nm). On appelle :

- $i$  et  $r$  les angles d'incidence et de réfraction sur la face d'entrée,
- $r'$  et  $i'$  les angles d'incidence et d'émergence sur la face de sortie,
- $D$  l'angle de déviation entre les rayons incident et émergent.

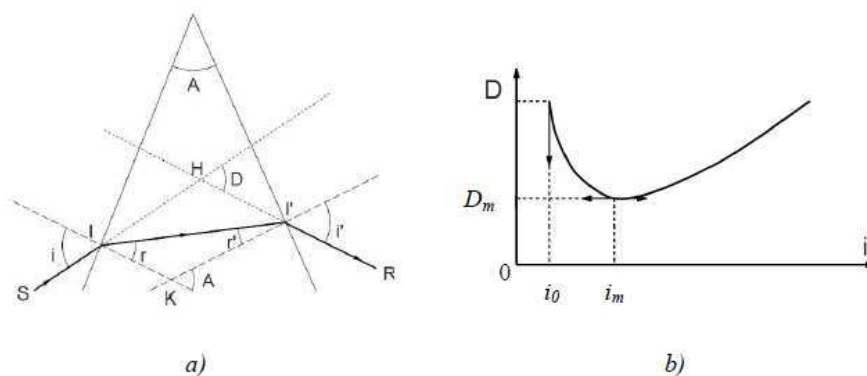


FIGURE 1 – Prisme. a) Notations. b) Courbe  $D(i)$ .

1. Etablir les quatre formules du prisme reliant ces angles.
2. On prend  $A = 60^\circ$  et  $n = 1,510$ . Entre quelles limites doit être compris l'angle d'incidence  $i$  pour que l'on puisse obtenir un faisceau émergent ? Application numérique.
3. La figure 1b) illustre qualitativement comment la déviation  $D$  varie avec l'angle d'incidence  $i$ . Commenter cette figure. Expliquer, à partir de la figure 1b), comment deux valeurs différentes de  $i$  peuvent conduire à une même déviation  $D$ .
4. On se place au minimum de déviation  $D_m$ , obtenu pour un angle d'incidence  $i_m$ . Dédire de la question précédente la relation entre  $i_m$  et  $i'$ , puis celle entre  $D_m$ ,  $i_m$  et  $A$ . Montrer que la mesure de  $D_m$  permet de remonter à la valeur de  $n$ .
5. L'indice du verre varie faiblement avec la longueur d'onde de la lumière. Qu'observe-t-on lorsque le prisme est éclairé en lumière blanche ? On considère un verre ayant les caractéristiques suivantes :  $n = 1,506$  pour  $\lambda = 656,3$  nm et  $n = 1,519$  pour  $\lambda = 486,1$  nm. Comparer les déviations qui en résultent pour  $i = 60^\circ$ .
6. Dédire des questions ci-dessus deux applications possibles pour le prisme.
7. *Travail Personnel* : Reprendre les questions précédentes avec un prisme d'angle au sommet  $A = 30^\circ$  et d'indice  $n = 1,510$ .

## 2 Fibre optique à coeur homogène

Une fibre optique cylindrique, d'axe  $Oz$ , comprend un coeur en silice, transparent, homogène et isotrope, de rayon  $R_1 = 50 \mu\text{m}$ , de longueur  $d$  et d'indice  $n_1 = 1,45$ . Ce coeur est entouré d'une gaine également transparente, homogène et isotrope dont l'indice  $n_2$  est légèrement inférieur à  $n_1$  ( $n_2/n_1 = 0,99$ ). Le rayon  $R_2$  de cette gaine vaut  $125 \mu\text{m}$ .

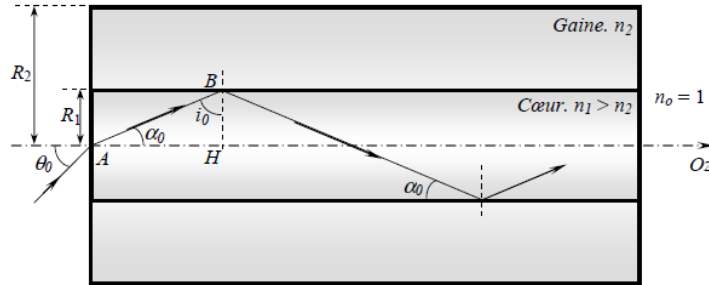


FIGURE 2 – Fibre optique. Notations.

1. La fibre est placée dans l'air ( $n_o = 1$ ). Tracer la variation  $n(\rho)$  de l'indice en fonction de la distance  $\rho$  à l'axe  $Oz$ .
2. À quelle condition la lumière se propage-t-elle à l'intérieur de la fibre ? Exprimer l'angle limite  $i_0$ , le cône d'acceptance  $2\theta_0$  (cf. figure 2) et l'ouverture numérique ( $O.N. = n_o \sin \theta_0$ ) en fonction des indices  $n_o$ ,  $n_1$  et  $n_2$ . Calculer leurs valeurs numériques.
3. Dans une fibre optique, la lumière peut se propager suivant plusieurs modes qui diffèrent par leur nombre de réflexions totales sur la gaine. On associe un mode de propagation à chaque valeur de l'incidence  $i$  sur la gaine, telle que  $i_0 \leq i \leq \pi/2$ . Etablir en fonction de  $n_1$  et  $n_2$  l'expression du rapport des distances correspondant aux trajectoires extrêmes (pour ce calcul, on peut se limiter au triangle  $AHB$  de la figure 2). En déduire la plus grande longueur de trajectoire  $d_{max}$  en fonction de la longueur  $d$  de la fibre optique.
4. Calculer les chemins optiques  $L_{min}$  et  $L_{max}$  correspondant aux deux modes de propagation extrêmes. En déduire l'écart des durées de propagation de la lumière  $\Delta t$  (appelée dispersion modale) entre ces deux modes.
5. On injecte des impulsions lumineuses issues d'un laser à l'intérieur de la fibre. On considère que la largeur temporelle de ces impulsions à l'entrée de la fibre est négligeable (quelques ps) devant la période des impulsions. Que devient cette largeur temporelle à la sortie d'une fibre optique de longueur  $d = 1 \text{ km}$  ? Quelle est alors la fréquence maximale  $f_{max}$  de ces impulsions pour qu'elles ne se recouvrent pas à la sortie de la fibre ?

## 3 Travail Personnel : Lois de Snell-Descartes

1. Rappeler les lois décrivant la réfraction d'un rayon entre un milieu d'indice  $n_1$  et un milieu d'indice  $n_2$ . Faire un schéma précisant toutes les notations utilisées. Préciser comment est défini le plan d'incidence.
2. Dans le cas où le milieu d'incidence d'indice  $n_1$  est moins réfringent que le deuxième milieu, montrer qu'il existe un angle de réfraction limite  $i_{2lim}$ . À quel angle d'incidence correspond-il ? Calculer  $i_{2lim}$  en degrés si  $n_1 = 1$  et  $n_2 = 1,33$ . (réponse :  $i_{2lim} = 48,75^\circ$ ).



3. Dans le cas où le milieu d'incidence d'indice  $n_1$  est plus réfringent que le deuxième milieu, montrer qu'il existe un angle d'incidence  $i_{lim}$  au-delà duquel il n'y a plus de réfraction dans le milieu d'indice  $n_2$ . Que se passe-t-il si  $i_1 > i_{lim}$ ? Calculer  $i_{lim}$  en degrés si  $n_1 = 1,33$  et  $n_2 = 1$ . Comparer et commenter les résultats. (*réponse* :  $i_{lim} = 48,75^\circ$ ).
4. Un rayon lumineux traverse l'une des faces d'un cube en matière transparente sous une incidence de  $45^\circ$  puis rencontre une seconde face, perpendiculaire à la première. Il sort dans l'air en rasant cette face. Faire le schéma en prenant le plan de la feuille comme plan d'incidence. Calculer l'indice de la substance du cube. (*réponse* :  $n = 1,22$ ).
5. Un pêcheur regarde flotter sur l'eau le bouchon accroché au fil de sa canne à pêche (cf. figure 3). Le bouchon est un flotteur constitué d'un disque circulaire opaque, de rayon  $R = 5$  cm, auquel est fixé en son centre  $O$  une fine tige  $OA$  plongeant verticalement dans l'eau. Sachant que la longueur de cette tige vaut  $d = 4$  cm, montrer qu'elle est invisible du pêcheur placé au-dessus de la surface de l'eau. Illustrer les calculs et commentaires en reprenant et complétant la figure 3.

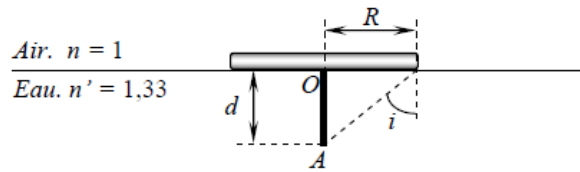


FIGURE 3 – Bouchon à la surface de l'eau.



Optique Géométrique

---

Thème 3 - Dioptre Plan ( $\sim 1h$ )

## 1 Relation de conjugaison

Un poisson nage à une profondeur de 1 m sous la surface de l'eau d'indice  $n = 1,33$ . Un pêcheur situé à la verticale du poisson et 1,40 m au-dessus de la surface l'observe.

1. A quelle distance le pêcheur voit-il le poisson ?
2. A quelle distance le poisson voit-il le pêcheur ?

## 2 Vision sous-marine

Une lame à faces parallèles d'indice  $n = 1,5$  et d'épaisseur  $e = 5$  mm sépare un milieu rempli d'eau d'indice  $n_o = 1,33$  de l'air.

1. Exprimer la distance  $\overline{A_o A_i}$  séparant l'image  $A_i$  d'un objet  $A_o$  situé dans l'eau à une distance  $d$  de la surface immergée de la lame, en fonction de  $e$ ,  $n$ ,  $n_o$  et  $d$ . Calculer cette distance pour  $d = 2$  m.
2. Evaluer l'influence sur cette distance d'une modification de  $e$ .



Optique Géométrique

---

Thème 4 - Dioptre Sphérique (~ 1h15)

### 1 Dioptres sphériques dans l'approximation de Gauss

Les dioptres sphériques représentés sur la figure 1 ont un rayon de courbure  $|R| = 5$  cm.

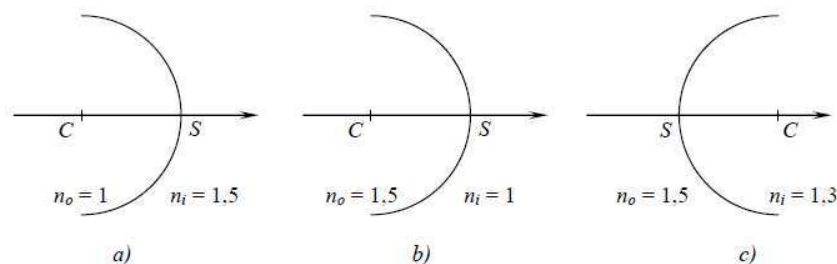


FIGURE 1 – Dioptres sphériques.

1. Calculer en dioptries la vergence  $V$  de ces dioptres sphériques.
2. Trouver la position des foyers objet  $F_o$  et image  $F_i$  à l'aide de la relation de conjugaison.
3. Calculer la position de l'image  $\overline{A_i B_i}$  d'un objet  $\overline{A_o B_o}$  lorsque  $\overline{S A_o} = 2\overline{S F_o}$ .
4. Tracer les constructions graphiques correspondant aux cas a) et b) à l'échelle 1/4.
5. *Travail personnel* : Construction graphique dans le cas c) (on utilisera une échelle 1/10).

### 2 Relation de conjugaison

On considère un bocal sphérique rempli d'eau servant d'aquarium à un hippocampe de taille  $\overline{A_o B_o} = 10$  cm. La paroi du bocal a une épaisseur négligeable et est représentée par un dioptre sphérique de sommet  $S$  (cf. figure 2).

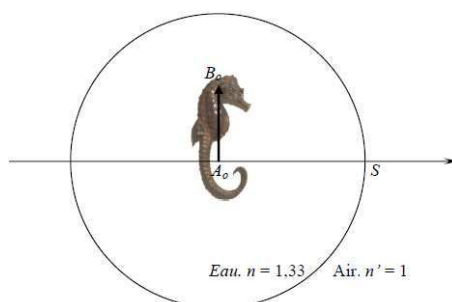


FIGURE 2 – Hippocampe dans un aquarium.

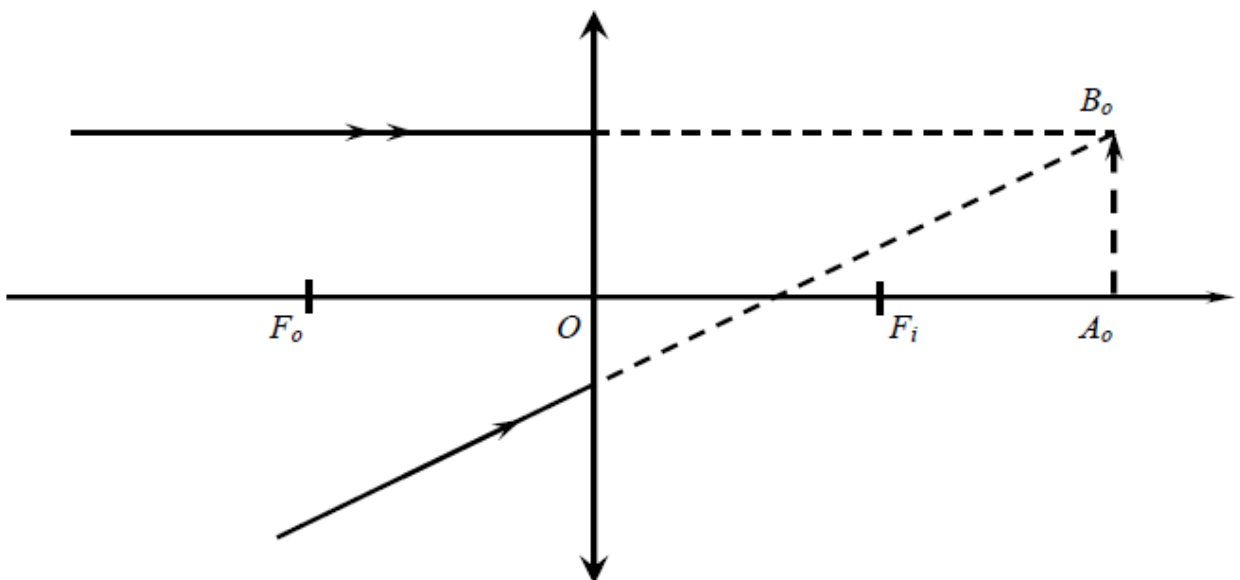
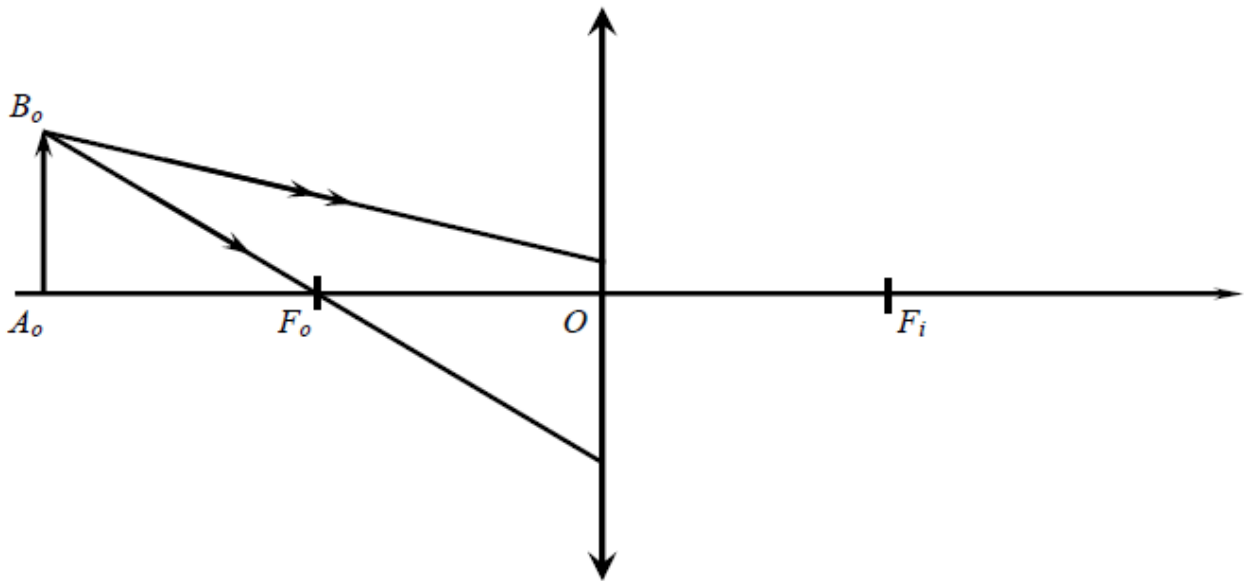
1. Calculer la vergence  $V$  du dioptré et la position de ses foyers objet  $F_o$  et image  $F_i$  sachant que le rayon du bocal vaut 15 cm. Quelle est la nature (convergente ou divergente) du dioptré ?
2. Calculer la position et la taille de l'image de l'hippocampe vue depuis l'extérieur quand ce dernier est au centre du bocal.
3. Effectuer le même calcul quand l'hippocampe est contre la paroi opposée au dioptré de sommet  $S$ .
4. Retrouver ce dernier résultat par une construction graphique et un tracé soigné des rayons (échelle 1/10).

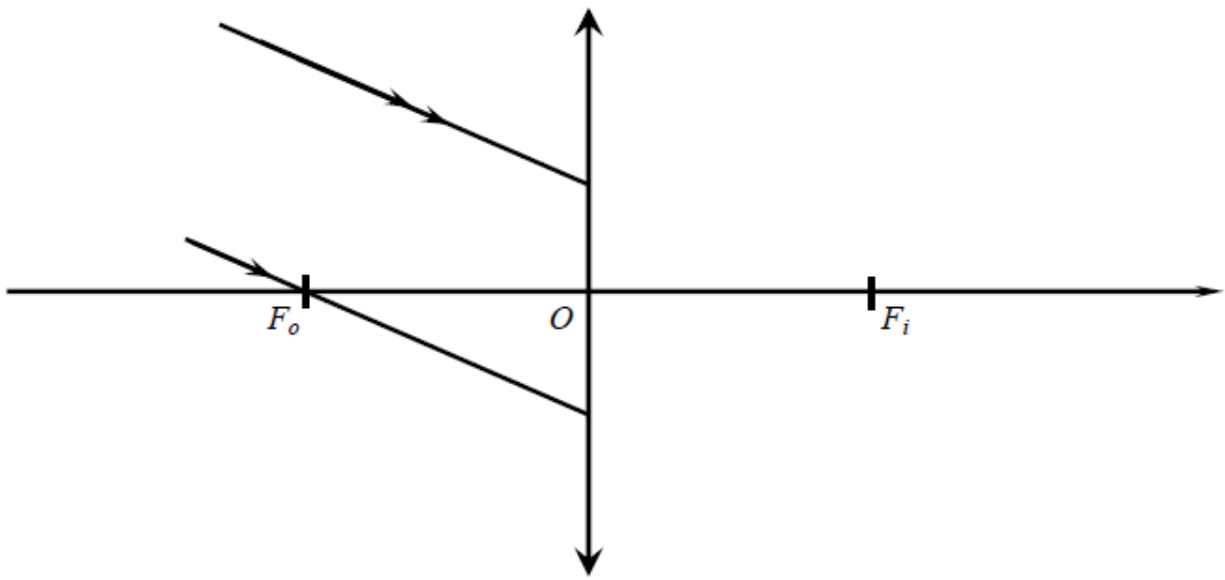
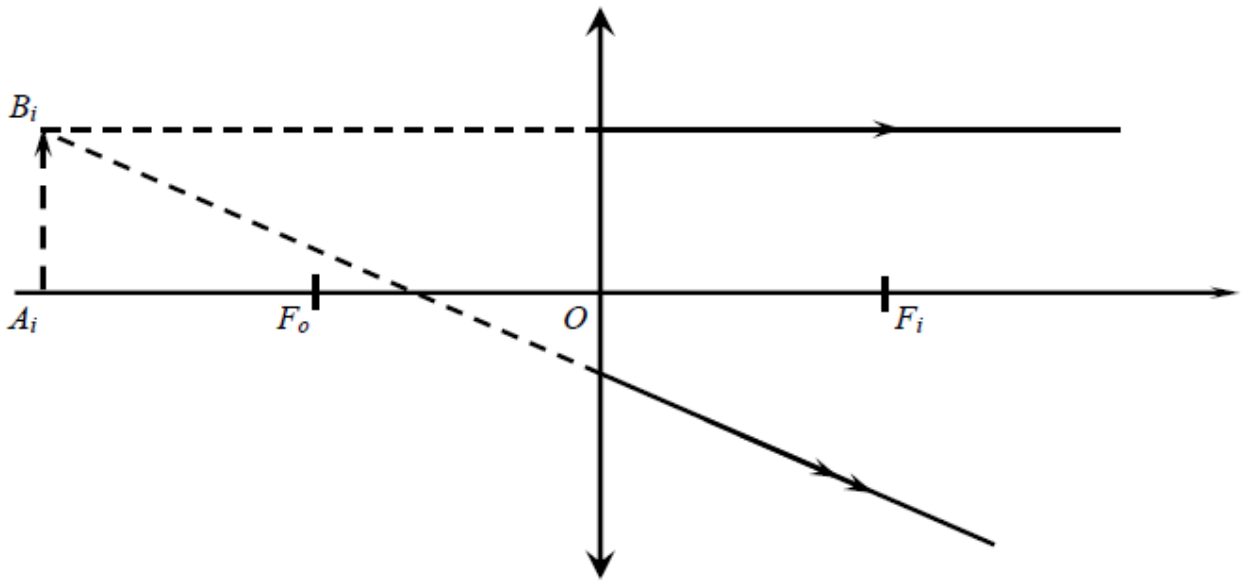
Optique Géométrique

---

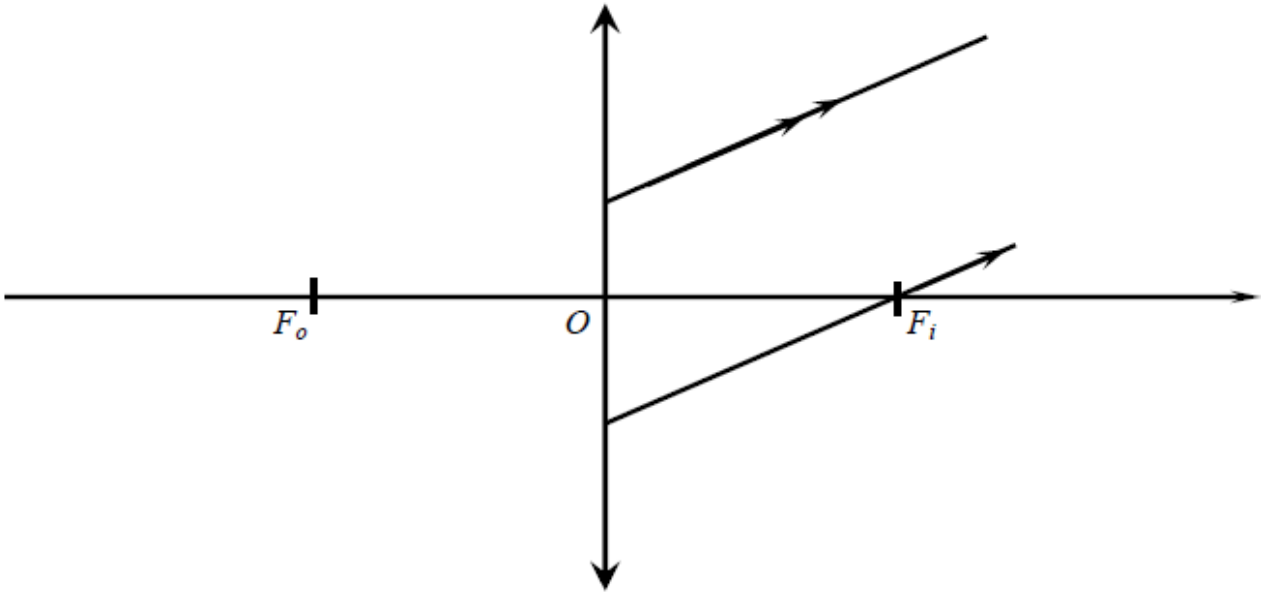
Thème 5 - Lentilles minces ( $\sim 1h45$ )

1 Lentilles Convergentes

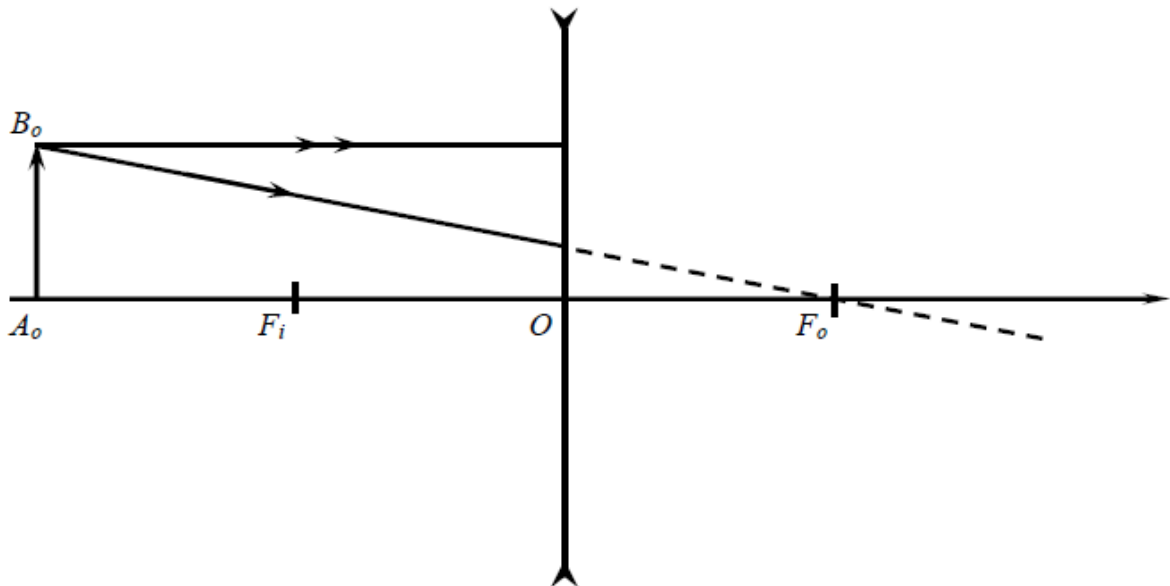


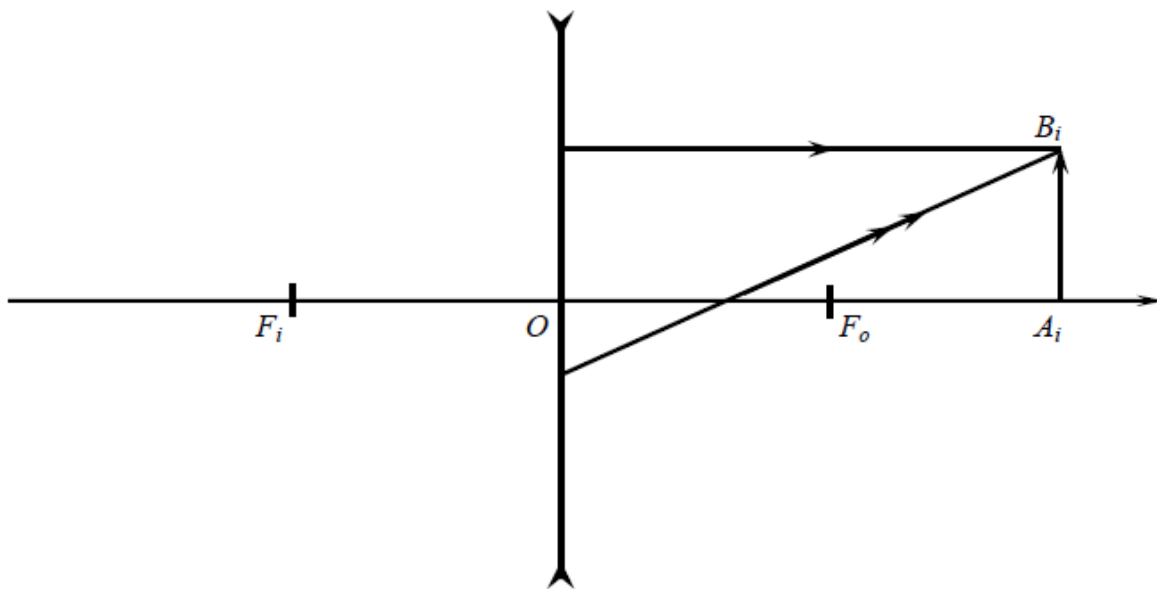
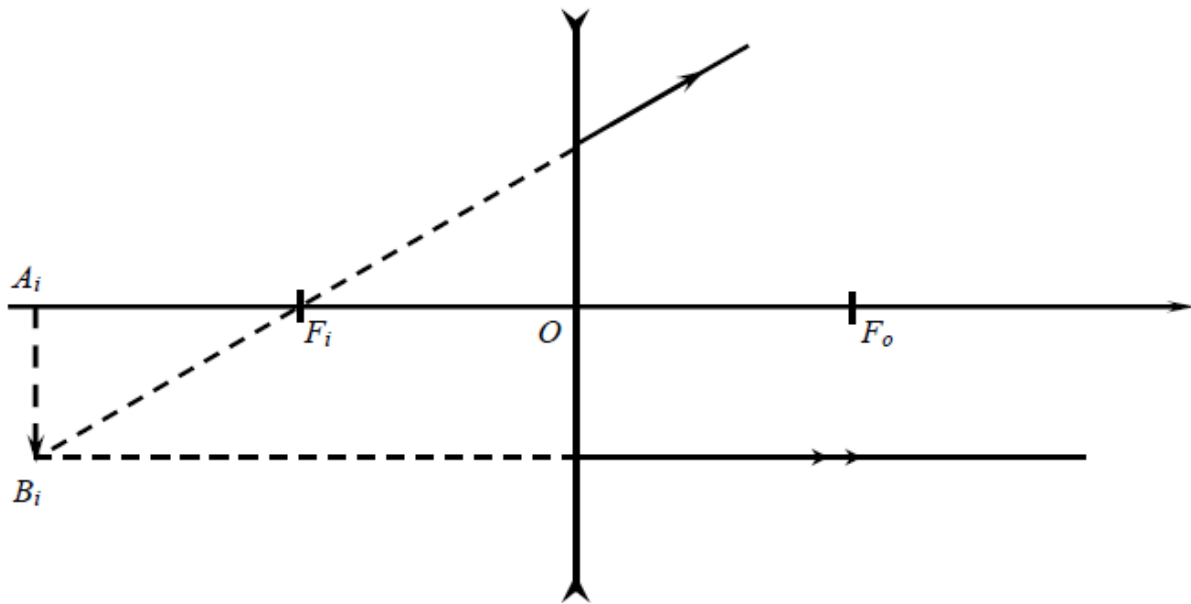


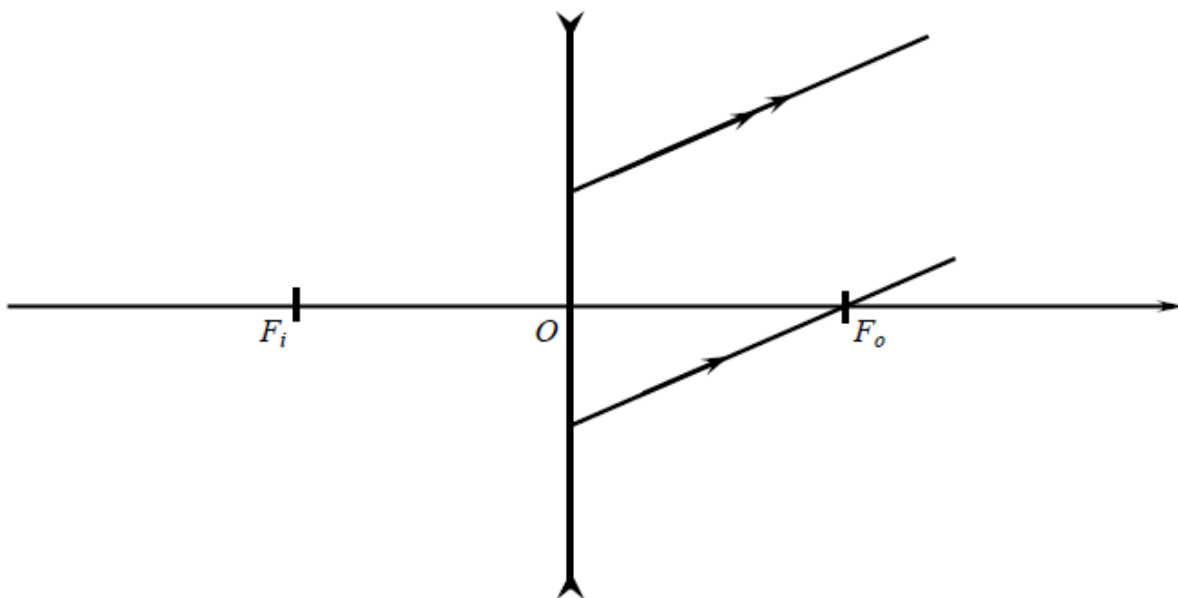
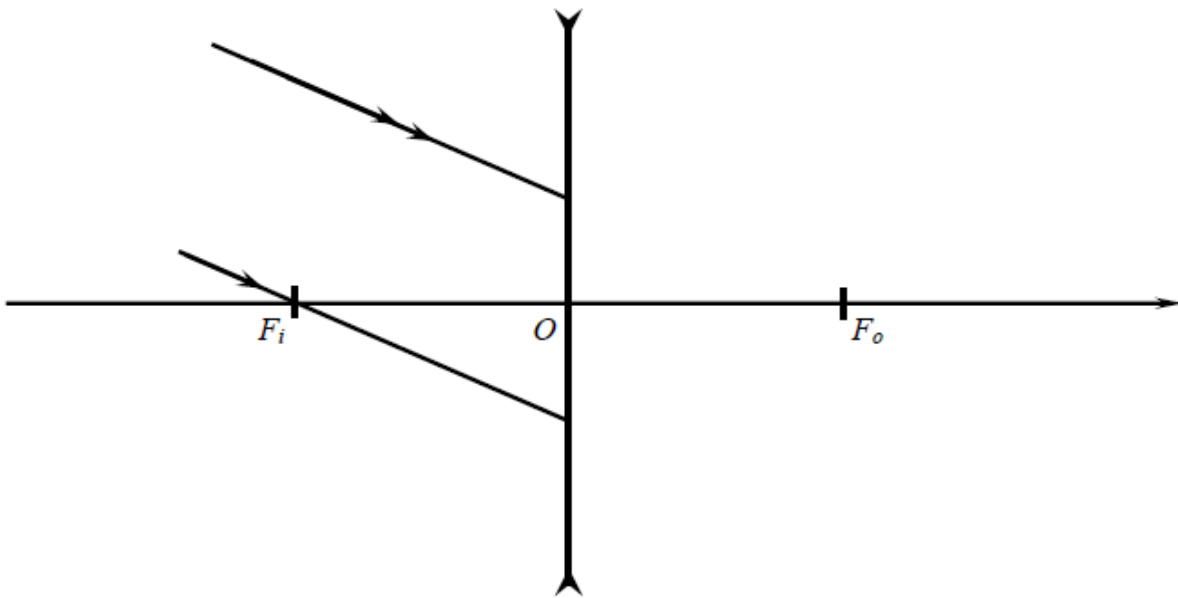




## 2 Lentes Divergentes







### 3 Lentille mince. Relation de conjugaison.

1. – a) - Rappeler la relation de conjugaison d'une lentille mince et l'expression de son grandissement transversal  $G_t$ .  
 – b) - Etablir l'équation de la courbe  $G_t^{-1} = f(p_o)$  et tracer l'allure de cette courbe.  
 – c) - Etablir l'équation de la courbe  $G_t = f(p_i)$  et tracer l'allure de cette courbe.
2. On considère une lentille convergente  $L$  placée dans l'air et un objet réel  $\overline{A_oB_o}$  tel que  $p_o = 2f_o$ . Déterminer par le calcul la position  $p_i$  de l'image  $\overline{A_iB_i}$  et le grandissement transversal  $G_t$ . Vérifier le résultat à l'aide d'une construction graphique. Comment s'appelle ce montage ?
3. On considère une lentille convergente  $L$  placée dans l'air et un objet réel  $\overline{A_oB_o}$  à la position  $p_o$  fixe ( $|p_o| > |f_o|$ ). L'écran d'observation est à la position  $p_i$  fixe elle aussi ( $p_i > f_i$ ). La distance

objet-écran est notée  $d$ . Montrer qu'il existe deux positions de la lentille permettant de former sur l'écran l'image  $\overline{A_i B_i}$  de l'objet réel  $\overline{A_o B_o}$ .

A.N. : Déterminer par le calcul les deux positions de la lentille pour  $f_i = 20$  cm et  $d = 1$  m. Vérifier ces résultats par deux constructions graphiques (on prendra une échelle 1/10 le long de l'axe optique). Quelle conséquence du principe de Fermat permet d'expliquer ce résultat ?

Optique Géométrique

---

Thème 6 - L'oeil et ses défauts (~ 3h)

1 L'oeil emmétrope - Description schématique et principe de fonctionnement

1. Compléter la figure 1 en identifiant les organes essentiels de l'oeil.

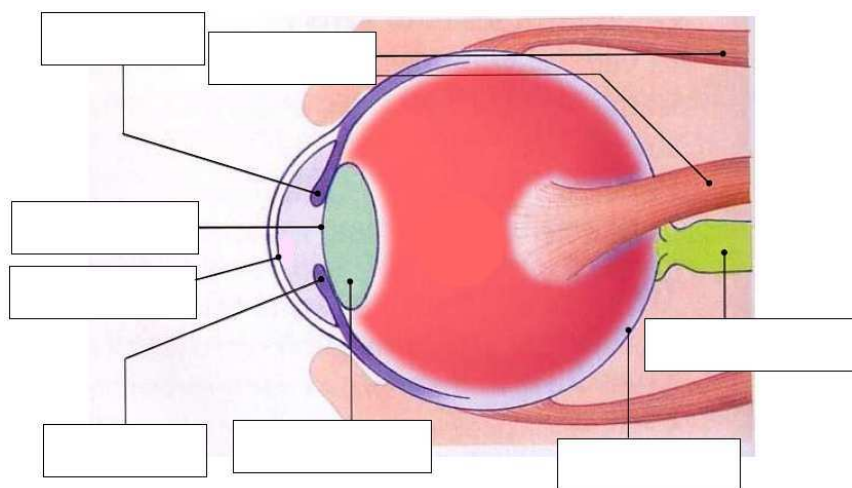


FIGURE 1 - L'oeil. Description schématique

2. Expliquer le phénomène d'accommodation.  
3. Que sont le *punctum proximum*  $PP$  et le *punctum remotum*  $PR$ ?  
4. Le *punctum remotum*  $PR$  étant à l'infini et le *punctum proximum*  $PP$  à 25 cm du cristallin d'un oeil emmétrope de diamètre 25 mm, calculer son amplitude d'accommodation  $A$ .

2 L'oeil emmétrope - Dioptre sphérique équivalent

Les caractéristiques optiques et géométriques essentielles du système optique assurant la formation de l'image dans un oeil emmétrope au repos sont indiquées sur la figure 2. On se propose d'assimiler ce système optique à un dioptre sphérique équivalent et d'en calculer les caractéristiques (indices des milieux extrêmes et rayon de courbure).

1. Calculer la vergence  $V_1$  et les distances focales objet  $f_{o1}$  et image  $f_{i1}$  de la cornée.  
2. En assimilant le cristallin à l'association de deux dioptres sphériques, calculer sa vergence  $V_c$  et ses distances focales objet  $f_{oc}$  et image  $f_{ic}$ .  
3. Calculer la vergence  $V_o$  et les distances focales objet  $f_o$  et image  $f_i$  de l'oeil.  
4. Montrer que l'oeil peut être assimilé en première approximation à un dioptre sphérique dont on précisera les indices des milieux extrêmes et le rayon de courbure.

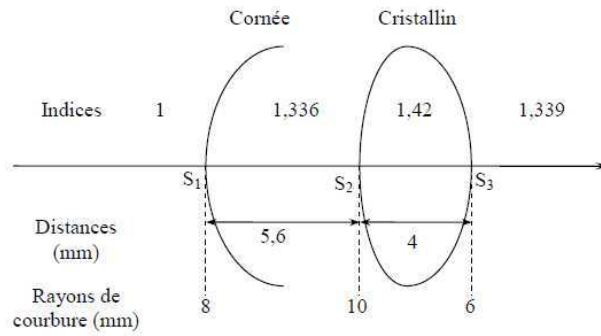


FIGURE 2 – *L'oeil. Système optique*

### 3 Etude comparée d'un oeil myope et d'un oeil hypermétrope.

On modélise un oeil du point de vue optique par un dioptré sphérique équivalent de vergence variable, dont le sommet  $S$  est placé sur la face d'entrée de l'oeil (sommet de la cornée). Ce dioptré sépare le milieu extérieur (indice optique 1) de l'humeur vitrée de l'oeil (indice 1,339). La distance focale image de l'oeil est notée  $f_{i1}$  et son foyer principal image  $F_{i1}$ . La rétine est modélisée par un écran  $R$  situé à la distance  $D$  de  $S$  et on pose  $D = f_{i1} + d$ ,  $d$  étant algébrique.

Dans tout l'exercice, on s'intéresse à un objet à l'infini.

1. – a) - Quelle est la valeur de  $d$  dans le cas d'un oeil emmétrope ?
  - b) - Quel est le signe de  $d$  dans le cas d'un oeil myope ? Quel type de lentille doit-on utiliser pour corriger ce défaut ?
  - c) - Quel est le signe de  $d$  dans le cas d'un oeil hypermétrope ? Quel type de lentille doit-on utiliser pour corriger ce défaut ?
2. Pour corriger le défaut de vision, on utilise une lentille correctrice  $L_c$  de centre optique  $O$ , de foyer principal image  $F_{ic}$  et de distance focale  $f_{ic}$  placée à la distance  $e$  devant  $S$ .
  - a) - Dans le cas d'un oeil myope, faire un schéma sur lequel on placera le dioptré sphérique équivalent figurant l'oeil ainsi que son foyer image  $F_{i1}$ , l'écran  $R$  figurant la rétine, la lentille de correction  $L_c$  et le foyer image  $F_i$  de l'oeil corrigé. Le schéma fera figurer les distances  $D$ ,  $f_{i1}$ ,  $e$  et  $d$ .
  - b) - Même question dans le cas d'un oeil hypermétrope.
3. – a) - Quelle est la position de l'image donnée par la lentille de correction  $L$  d'un objet situé à l'infini ?
  - b) - Quelle est la position de l'image donnée par l'oeil corrigé (modélisé par l'association du dioptré sphérique équivalent et de la lentille correctrice  $L_c$ ) d'un objet situé à l'infini ?
  - c) - En écrivant la relation de conjugaison appliquée au dioptré sphérique équivalent, déduire une expression de  $f_{ic}$  en fonction de  $e$ ,  $f_{i1}$ ,  $d$  et  $n$ .
4. On prend  $D = 17$  mm,  $e = 1$  cm et  $|d| = 2$  mm.
  - a) - Calculer la vergence  $V_c$  de la lentille correctrice dans le cas d'un oeil myope.
  - b) - Même question dans le cas d'un oeil hypermétrope.
5. Sur la figure 3, identifier l'oeil emmétrope, l'oeil myope et l'oeil hypermétrope.

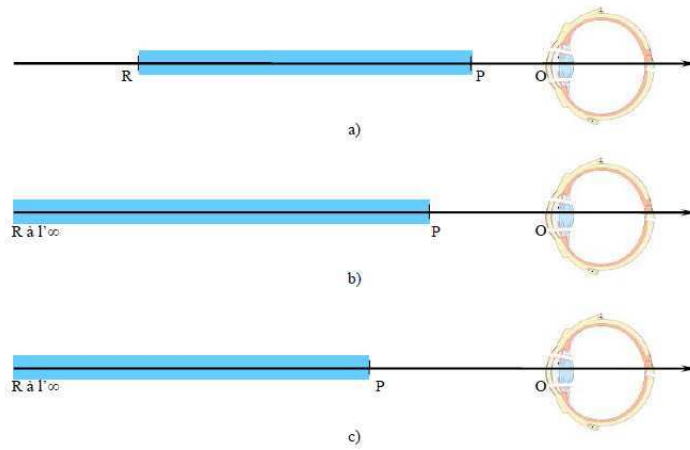


FIGURE 3 – L'oeil et ses défauts

## 4 Oeil presbyte et hypermétrope.

Un individu a un oeil presbyte et hypermétrope assimilé à un dioptré sphérique équivalent de vergence fixe, dont le sommet  $S$  est placé sur la face d'entrée de l'oeil (sommet de la cornée). Ce dioptré sépare le milieu extérieur (indice optique 1) de l'humeur vitrée de l'oeil (indice 1,339). Sa distance focale image  $f_{i1}$  fixe est égale à 20 mm. La rétine  $R$  se trouve à une distance fixe  $d = 20$  mm du sommet  $S$  du dioptré sphérique.

1. Cet individu voit-il distinctement les objets situés à l'infini ?
2. Cette personne lit le journal situé au point  $A_o$  à la position  $\overline{SA_o} = -25$  cm. A quelle distance de la rétine l'image de  $A_o$  à travers l'oeil se forme-t-elle ?
3. Le faisceau lumineux issu du point  $A_o$  forme sur la rétine  $R$  une tache de diamètre  $\epsilon$ . Calculer  $\epsilon$  en fonction du diamètre  $\phi$  de la pupille placée devant le sommet  $S$  du dioptré sphérique équivalent. Sachant que l'image sera floue si  $\epsilon > 1 \mu\text{m}$ , la personne peut-elle lire son journal sans lunette si  $\phi = 4$  mm ?
4. Dans le cas général, montrer que  $\epsilon = \phi \left( 1 - \frac{d}{f_{i1}} - \frac{d}{n \cdot \overline{SA_o}} \right)$ . En prenant en compte la contrainte précédente, à partir de quelle distance un objet est-il vu flou ?
5. On corrige cet oeil en accolant devant le sommet  $S$  une lentille de contact correctrice  $L_c$  de distance focale image  $f_{ic}$ . Exprimer la distance focale image  $f_i$  de l'association dioptré sphérique - lentille correctrice en fonction de  $f_i$ ,  $f_{ic}$  et  $n$  puis calculer  $f_i$  pour que l'image  $A_i$  du point  $A_o$  défini à la question 2 se forme sur la rétine. En déduire la valeur de  $f_{ic}$  et la vergence  $V_c$  de la lentille de contact correctrice.





UNIVERSITE PAUL SABATIER  
LICENCE 1 - Sciences Fondamentales et Appliquées

Optique Géométrique

---

Thème 7 - Instruments d'optique (~ 3h)

## 1 La loupe

1. Calculer l'angle  $\alpha$  sous lequel est vu un petit objet  $\overline{A_oB_o}$  de 3 mm de haut observé à l'oeil nu et situé à 25 cm de l'oeil. Cet angle est appelé *diamètre apparent* de l'objet.
2. L'objet  $\overline{A_oB_o}$  est maintenant observé à travers une lentille convergente  $L$  de distance focale image  $f_i = 5$  cm. L'objet  $\overline{A_oB_o}$  étant situé à 4 cm de la lentille, déterminer par le calcul et à l'aide d'une construction graphique les caractéristiques (position, nature, sens et taille) de son image  $\overline{A_iB_i}$ .
3. Calculer le diamètre apparent  $\alpha'_1$  de l'image observée par l'oeil situé au foyer image  $F_i$  de la lentille.
4. En déduire le grossissement  $G = \frac{\alpha'_1}{\alpha}$  de la loupe.
5. Où doit-on placer l'objet pour que l'oeil puisse l'observer sans avoir à accommoder ? On appelle  $\alpha'_2$  le diamètre apparent de l'objet vu à travers la lentille dans cette configuration.
6. Montrer que le grossissement  $G$  s'écrit alors  $G = \frac{\alpha'_2}{\alpha} = \frac{0,25}{f_i}$ .
7. Dans cette question, on considère que l'oeil (emmétrope) est toujours situé au foyer image  $F_i$  de la lentille. On appelle *latitude de mise au point* le petit déplacement de l'ensemble (lentille + oeil) nécessaire pour amener l'image  $\overline{A_iB_i}$  dans le champ de vision, c'est à dire entre le *punctum proximum*  $PP$  et le *punctum remotum*  $PR$ . Calculer la latitude de mise au point d'une loupe constituée par la lentille  $L$ .

## 2 Lunettes

### 2.1 Lunette astronomique

Une lunette astronomique est formée par l'association d'un objectif assimilé à une lentille mince convergente  $L_1$  de centre optique  $O_1$  et de distance focale  $f_{i1} = 50$  cm et d'un oculaire assimilé à une lentille mince convergente  $L_2$  de centre optique  $O_2$  et de distance focale  $f_{i2} = 2$  cm.

1. Quelle doit être la distance  $l$  entre les deux lentilles  $L_1$  et  $L_2$  pour que la lunette soit afocale ?
2. On considère un point  $A_o$  situé à l'infini hors de l'axe optique. Réaliser un schéma, sans respecter les échelles, montrant la marche d'un rayon lumineux incident provenant de  $A_o$ , faisant un angle orienté  $\alpha$  avec l'axe optique et passant par le centre optique  $O_1$  de l'objectif. L'image intermédiaire de  $A$  donnée par l'objectif sera notée  $A_{i1}$  et l'angle d'émergence (orienté) sera noté  $\alpha'$ .
3. Déterminer l'expression du grandissement angulaire (ou grossissement)  $G$  de la lunette en fonction de  $f_{i1}$  et  $f_{i2}$ .
4. L'image est-elle droite ou renversée ? Application numérique.
5. A l'aide de la lunette, on observe la lune dont le diamètre apparent vaut  $0,5^\circ$ . Sous quel angle, exprimé en degré, voit-on la lune à travers la lunette ?

## 2.2 Lunette de Galilée

La lunette comprend maintenant deux lentilles minces  $L_1$ , convergente, et  $L_2$ , divergente, de centres optiques respectifs  $O_1$  et  $O_2$  et de distances focales images respectives  $f_{i1}$  et  $f_{i2}$ . Cette lunette peut aussi bien être utilisée pour observer des objets très éloignés (astres) que des objets plus rapprochés (objets terrestres) et la distance  $L_1 - L_2$  peut être modifiée en fonction de la position de l'objet à observer.

1. Un observateur emmétrope souhaite observer sans accommoder un objet placé à l'infini. Pour cela, il règle la distance  $\overline{O_1O_2}$  à 50 cm. Le grandissement angulaire (ou grossissement)  $G$  du système est alors de 3. Quelle doit être la position du foyer objet  $F_{o2}$  de  $L_2$ ? Quel nom porte un tel système?
2. On considère un point  $A_o$  situé à l'infini hors de l'axe optique. Réaliser un schéma, sans respecter les échelles, montrant la marche d'un rayon lumineux incident provenant de  $A_o$ , faisant un angle orienté  $\alpha$  avec l'axe optique et passant par le centre optique  $O_1$  de l'objectif. L'image intermédiaire de  $A$  donnée par l'objectif sera notée  $A_{i1}$  et l'angle d'émergence (orienté) sera noté  $\alpha'$ .
3. Déterminer l'expression du grandissement angulaire (ou grossissement)  $G$  de la lunette en fonction de  $f_{i1}$  et  $f_{i2}$ .
4. L'image est-elle droite ou renversée?
5. Déterminer par le calcul  $f_{i1}$  et  $f_{i2}$ .
6. L'observateur emmétrope souhaite maintenant observer un objet situé à 10 m de l'objectif  $L_1$ . Quelle doit être la course de l'oculaire pour que l'observateur puisse voir cet objet sans accommoder?
7. L'observateur conserve le réglage de la lunette fixé à la question précédente. Il place son oeil 15 mm après l'oculaire  $L_2$  et utilise toute son amplitude dioptrique pour accommoder. Quelle est la position du plan objet le plus proche qu'il peut observer?

## 3 Objectif de photocopieur

Pour photocopier un document, on forme l'image de l'original sur une surface photosensible à l'aide d'un objectif de reproduction. On souhaite réaliser des agrandissements et réductions permettant le passage entre formats standards ( $A4 \rightarrow A3$ ,  $A4 \rightarrow A5, \dots$ ). Le rapport des longueurs (ou des largeurs) entre le format A(n) et le format A(n+1) est  $\sqrt{2}$ . Les positions du document et de la surface photosensible étant fixes et repérées respectivement par  $A_o$  et  $A_i$ , on cherche à concevoir un objectif à lentilles mobiles réalisant ce cahier des charges. On limite l'étude à un objectif constitué de lentilles minces.

La distance entre le document et le récepteur photosensible est de 384 mm. On positionne à 180 mm du récepteur une première lentille mince divergente  $L_1$  de distance focale  $f_{i1} = -90$  mm et de centre optique  $O_1$ .

1. Rappeler les différentes combinaisons objet réel/virtuel et image réelle/virtuelle que l'on peut obtenir avec une lentille divergente. La lentille  $L_1$  peut-elle donner une image du document sur le récepteur?
2. On ajoute une lentille mince  $L$  devant la lentille  $L_1$  à 180 mm du document à reproduire. On note  $O$  son centre optique (cf. figure 1).
  - a) La lentille  $L$  doit-elle être divergente ou convergente? Justifier votre réponse.
  - b) Calculer la distance focale image  $f_i$  de cette lentille pour obtenir une image réelle du document sur le récepteur.
  - c) Quel est alors le grandissement transversal  $G_{t1}$  du montage? Quel type de reproduction ( $A4 \rightarrow A3, A4 \rightarrow A5, \dots$ ) cet objectif permet-il de réaliser?
3. La lentille  $L$  est en fait constituée de deux lentilles accolées  $L_2$  et  $L_3$ ,  $L_2$  étant identique à  $L_1$ . On note  $O_2$  et  $O_3$  leurs centres optiques respectifs. Quelle est la nature de la lentille  $L_3$ ? Justifier votre réponse. Calculer sa distance focale image  $f_{i3}$ .

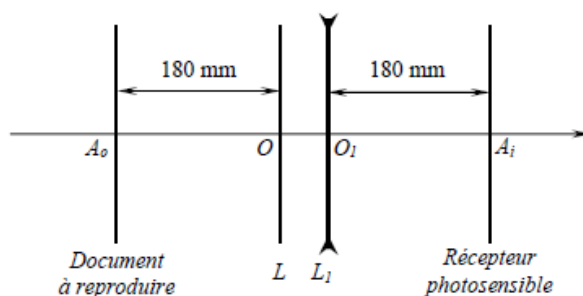


FIGURE 1 – Objectif de photocopieur

- On translate alors la lentille  $L_3$  afin de l'accoler à  $L_1$ . Montrer que l'image du document reste sur le récepteur et calculer le grandissement transversal  $G_{t2}$  de ce nouveau montage. En déduire le type de reproduction auquel il correspond.

## 4 Travail personnel : Téléobjectif

### 4.1 Partie A

Un touriste souhaite photographier l'Arc de Triomphe (hauteur : 50 m) au bout de la perspective des Champs Elysées. Il se place pour cela à 400 m de l'édifice et utilise un appareil photographique équipé d'un objectif que l'on peut assimiler à une lentille mince convergente  $L_1$  de distance focale image  $f_{i1} = 5$  cm.

- Déterminer par le calcul la position de l'image de l'Arc de Triomphe formée par  $L_1$ . (réponse :  $\overline{O_1A_i} = 5$  cm).
- Calculer le grandissement transversal  $G_{t1}$  et en déduire la taille de l'image de l'Arc de Triomphe. (réponses :  $G_{t1} = -1,25 \cdot 10^{-4}$  et  $\overline{A_iB_i} = -6,25$  cm).

### 4.2 Partie B

Pour obtenir une image plus grande, le touriste utilise un téléobjectif qui peut être modélisé par l'association de la lentille  $L_1$  étudiée dans la partie A et d'une deuxième lentille  $L_2$  divergente de distance focale  $f_{i2} = -2,5$  cm située 3 cm après  $L_1$ .

- On note  $F_o$  et  $F_i$  les foyers objet et image du téléobjectif. Compléter le graphe à l'échelle 1/3 de la figure 2 en traçant la marche complète des rayons incidents donnés. En déduire la position du foyer image  $F_i$  du téléobjectif.
- Déterminer par le calcul la position de l'image de l'Arc de Triomphe formée par le téléobjectif. (réponse :  $\overline{O_2A_i} = 10$  cm).
- Calculer le grandissement transversal  $G_{t2}$  introduit par la lentille  $L_2$ . En déduire le grandissement transversal total  $G_t$  introduit par le téléobjectif et la taille de l'image finale de l'Arc de Triomphe. (réponses :  $G_{t2} = +5$ ,  $G_t = -6,25 \cdot 10^{-4}$  et  $\overline{A_iB_i} = -3,125$  cm).
- Quelle est la distance entre la lentille  $L_1$  et l'image finale? (réponse :  $\overline{O_1A_i} = 13$  cm).
- Si le photographe avait utilisé un objectif formé d'une seule lentille convergente, quelle aurait dû être sa distance focale pour avoir le même grandissement transversal  $G_t$ ? Dans cette hypothèse, quelle aurait été la distance entre la lentille et l'image finale? En déduire l'intérêt du téléobjectif formé par les lentilles  $L_1$  et  $L_2$ . (réponse :  $f_i = 24,98$  cm).

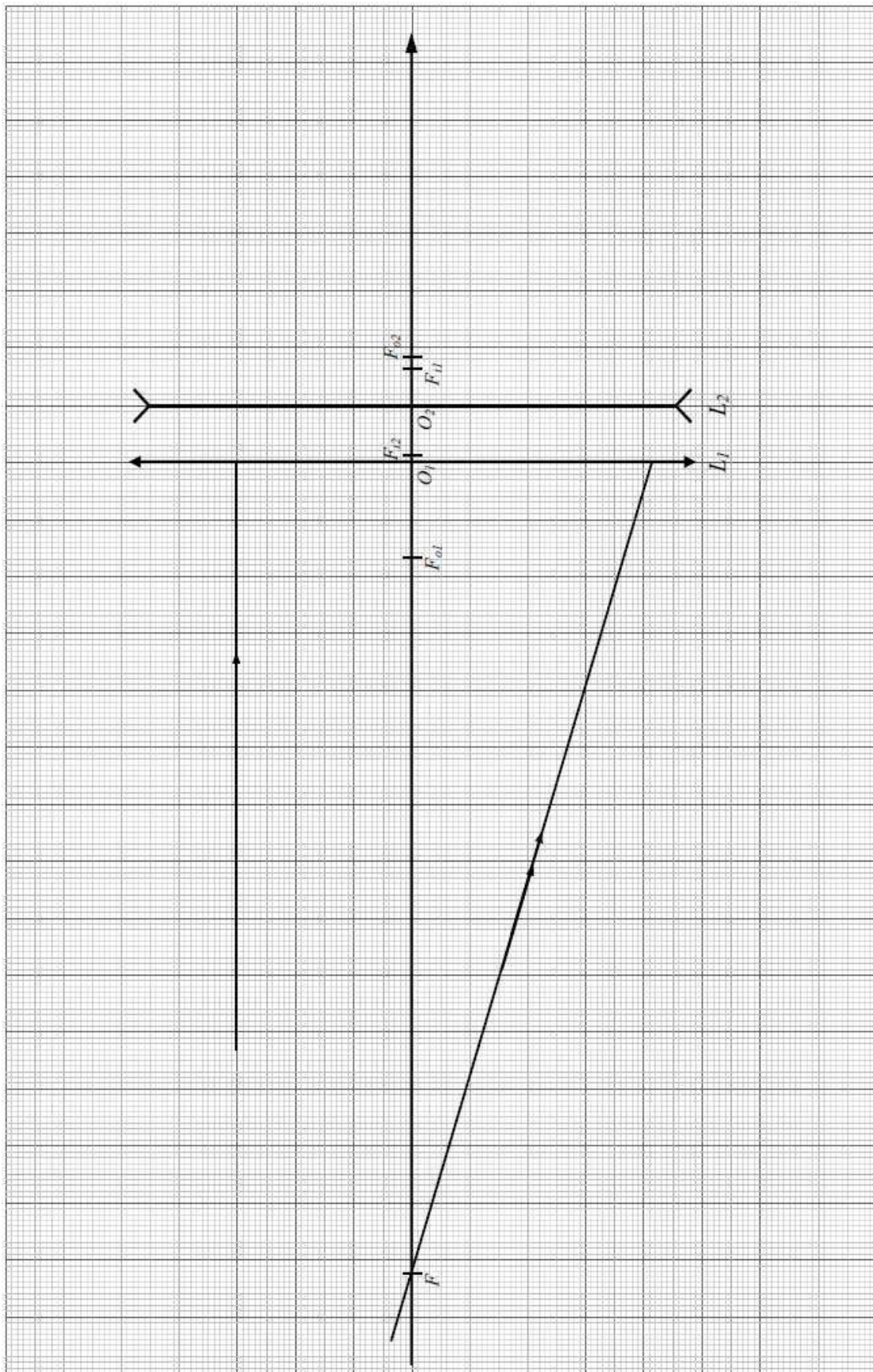


FIGURE 2 – Téléobjectif. Construction graphique

UNIVERSITE PAUL SABATIER  
LICENCE 1 - Sciences Fondamentales et Appliquées

Optique Géométrique

---

Thème 8 - Miroirs (~ 1h30)

### 1 Miroir sphérique convexe

Soit un miroir sphérique convexe de 120 cm de rayon de courbure. Un objet  $\overline{A_oB_o}$  de 3 cm de hauteur est placé à 40 cm devant le miroir. Déterminer la position, la nature et la taille de l'image  $\overline{A_iB_i}$ .

### 2 Miroir sphérique

Déterminer la nature et la distance focale d'un miroir sphérique qui donne d'un objet  $\overline{A_oB_o}$  réel, situé à 120 cm du sommet  $S$  une image  $\overline{A_iB_i}$  :

1. Réelle, placée à 80 cm de  $S$ .
2. Virtuelle, placée à 60 cm de  $S$ .
3. Réelle, dans le plan passant par le centre de courbure du miroir.

### 3 Objectif du télescope du Mont-Wilson

L'objectif du télescope, monté en configuration Cassegrain, comporte un miroir primaire  $M_p$  concave, dont le rayon de courbure sur l'axe optique est de 30 m, et un petit miroir secondaire  $M_s$  convexe, de rayon de courbure 32 m. La distance entre les deux miroirs est de 9 m.

1. Faire un schéma de l'instrument. Calculer la vergence de chaque miroir.
2. Quelle est la position du foyer image  $F_{ip}$  de  $M_p$ ? On désigne par  $F_i$  le foyer image de l'objectif; trouver la distance qui sépare  $F_i$  du sommet  $S_p$  du miroir primaire.
3. Calculer en mètre la distance focale image  $f_i$  de l'objectif.

### 4 Travail personnel : Rétroviseur

Quelles sont les caractéristiques (rayon de courbure, nature concave ou convexe) d'un miroir sphérique donnant d'un objet réel placé à 10 m du sommet  $S$  une image de même sens et réduite d'un facteur 10? Effectuer la construction géométrique confirmant le calcul (on prendra une échelle 1/100<sup>ème</sup> le long de l'axe optique). (réponses :  $\overline{SC} = +2,22$  m, miroir convexe).

